

# **הוצאת ספרים יואל גבע**

## **עבודת קיץ לתלמידים**

### **העלים לכיתה י' –**

#### **4 יחידות**

קובץ זה כולל שאלות המסקמות את החומר שנלמד במתמטיקה בחטיבת הביניים.

כדי לעזור לתלמידים והתלמידות להכין את עצם באופן מיטבי ללימודיה המתמטיות בתיכון, הדגשנו את הכלים החשובים לרמת 4 יחידות בכיתה י', על פי תכנית הלימודים החדשה.

אנו מודעים לכך שתלמידים רבים לא הספיקו ללמידה חלק מהנושאים בכלל המבחן, ולכן מומלץ לכל מורה לבחור שאלות בהתאם לכיתה שלו.

הנושאים שנכללים בקובץ:

טכנייה אלגברית, הנדסה אנליטית (קו ישר), פונקציה ריבועית (פרבולת), חישובי שטחים בגאומטריה, הוכחות גאומטריות, שאלות המשלבות גאומטריה במערכת ציריים, קדם אנליזה.

ברצוננו להזמין מקרוב לב לעפר ילין על היוזמה, הייעוץ הפדגוגי לשאלות, על בדיקת השאלות, על ההערות וההארות המצוינות ועל תמיינה בלתי מסויוגת.

**יואל גבע      אריך דז'לדי**

כל הזכויות שמורות ליואל גבע ואריך דז'לדי 1 צילום עמוד זה אסור על פי החוק.

## טכנית אלגברית

פתרו את המשוואות הבאות (מצאו את ערכו של  $x$ ) :

$$7(x-2) + 9(x+4) = 16x + 22 \quad .2 \qquad 9(2x-7) = 17 - 4(x-2) \quad .1$$

$$\frac{2}{3}(x+1) - \frac{3}{7}(x+2) = 1 \quad .4 \qquad \frac{3x-2}{8} - \frac{2+3x}{6} + \frac{1}{3} = 0 \quad .3$$

$$(3x+5)^2 = 9(x+2)(x-2) \quad .6 \qquad (x-5)^2 = x(x+15) \quad .5$$

עבור המשוואות הבאות : א. מצאו את תחום הצבה של המשווה.

ב. פתרו את המשווה ובדקו את תשובה.

$$\frac{8}{x-3} - \frac{7}{x+2} = \frac{42}{(x-3)(x+2)} \quad .8 \qquad \frac{4}{x+2} + 1 = \frac{x}{3(x+2)} \quad .7$$

$$\frac{4x+6}{x+1} = \frac{2}{x+1} + 4 \quad .10 \qquad \frac{2x-8}{x-4} = 3 \quad .9$$

פתרו את מערכות המשוואות הבאות בדרך שתבחרו :

$$5x + 3y = 29 \quad .12 \qquad y = -4x + 17 \quad .11$$

$$7x - 5y = 13 \qquad y = 3x + 5$$

$$\begin{aligned} \frac{2x-3}{2} + \frac{y+1}{8} &= 4 & .14 & \qquad 3(2y-5) = 6+x & .13 \\ \frac{x+1}{3} + \frac{3y-1}{4} &= 4 & & \qquad 2(3x-4) = 4x-2 & \end{aligned}$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

פתרו את המשוואות הריבועיות הבאות :

$$x^2 - 6x = 40 \quad .16 \qquad x^2 + 8x + 12 = 0 \quad .15$$

$$-5x^2 + x - 3 = 0 \quad .18 \qquad 9x^2 = 4(3x-1) \quad .17$$

$$5x^2 - 10x = 0 \quad .20 \qquad -3x^2 + 300 = 0 \quad .19$$

$$(x+5)^2 - (x-6)^2 = 121 \quad .22$$

$$(x+1)^2 = 1 - x^2 \quad .21$$

עבור כל אחת מהמשוואות הבאות :

א. מצאו את תחום הצבה של המשוואה. ב. פתרו את המשוואה.

$$\frac{1}{(x-3)^2} + \frac{4}{x(x-3)} = \frac{2}{x-3} \quad .24$$

$$\frac{x^2}{x+5} = \frac{25}{x+5} \quad .23$$

פתרו את המשוואות הבאות (במידת הצורך, הייערו בפירוק לגורמים) :

$$\frac{1}{x-3} + \frac{7}{x+3} = \frac{14}{x^2-9} \quad .26$$

$$\frac{6}{x^2+8x} = \frac{x+1}{2x+16} \quad .25$$

$$\frac{9}{x^2-4x+4} = \frac{2x-7}{x-2} \quad .28$$

$$\frac{5}{x^2-4x} + \frac{45}{x^2+4x} = \frac{18}{x^2-16} \quad .27$$

$$\frac{18}{x^2-x-12} + \frac{3x-25}{4x^2+12x} = 0 \quad .30$$

$$\frac{2}{x^2-5x+4} = \frac{1}{x-4} \quad .29$$

$$\frac{3x}{x^2+5x+6} = \frac{2x+2}{x^2+6x+9} \quad .32$$

$$\frac{8}{x^2-3x-10} + 1 = \frac{8}{x+2} - \frac{1}{5-x} \quad .31$$

מצמצו את השברים הבאים (במידת הצורך, הייערו בפירוק לגורמים) :

$$\frac{x^2-4x+3}{2x-2} \quad .36$$

$$\frac{a^2-8a+16}{a-4} \quad .35$$

$$\frac{x^2-4}{x^2+2x} \quad .34$$

$$\frac{6ab}{3b^2} \quad .33$$

פתרו את מערכות המשוואות הבאות :

$$y = x^2 + 2x - 8 \quad .38$$

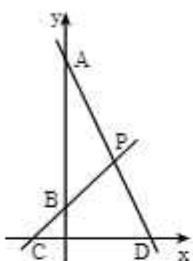
$$y = x^2 - 8 \quad .37$$

$$y = -x^2 + 6x - 10$$

$$y = 2x$$

**תשובות:** 1. 2. 4. אינסוף פתרונות (כל  $x$ ). 2.  $-2\frac{1}{30}$ . 6. 1. 5. 5. 4.  $-2$ . 3. 7.  $x \neq -2$ . 8.  $x \neq 3$ . 9.  $x \neq -2$ . 10.  $x \neq 4$ . 11.  $x \neq -2$ . 12.  $x \neq -1$ . 13.  $x \neq -1$ . 14.  $x \neq -1$ . 15.  $x \neq 0$ . 16.  $x \neq -1$ . 17.  $x \neq -1$ . 18.  $x \neq 0$ . 19.  $x \neq 0$ . 20.  $x \neq 0$ . 21.  $x \neq 0$ . 22.  $x \neq 0$ . 23.  $x \neq 0$ . 24.  $x \neq 0$ . 25.  $x \neq 0$ . 26.  $x \neq 0$ . 27.  $x \neq 0$ . 28.  $x \neq 0$ . 29.  $x \neq 0$ . 30.  $x \neq 0$ . 31.  $x \neq 0$ . 32.  $x \neq 0$ . 33.  $x \neq 0$ . 34.  $x \neq 0$ . 35.  $x \neq 0$ . 36.  $x \neq 0$ . 37.  $x \neq 0$ . 38.  $x \neq 0$ . 39.  $x \neq 0$ . 40.  $x \neq 0$ . 41.  $x \neq 0$ . 42.  $x \neq 0$ . 43.  $x \neq 0$ . 44.  $x \neq 0$ . 45.  $x \neq 0$ . 46.  $x \neq 0$ . 47.  $x \neq 0$ . 48.  $x \neq 0$ . 49.  $x \neq 0$ . 50.  $x \neq 0$ . 51.  $x \neq 0$ . 52.  $x \neq 0$ . 53.  $x \neq 0$ . 54.  $x \neq 0$ . 55.  $x \neq 0$ . 56.  $x \neq 0$ . 57.  $x \neq 0$ . 58.  $x \neq 0$ . 59.  $x \neq 0$ . 60.  $x \neq 0$ . 61.  $x \neq 0$ . 62.  $x \neq 0$ . 63.  $x \neq 0$ . 64.  $x \neq 0$ . 65.  $x \neq 0$ . 66.  $x \neq 0$ . 67.  $x \neq 0$ . 68.  $x \neq 0$ . 69.  $x \neq 0$ . 70.  $x \neq 0$ . 71.  $x \neq 0$ . 72.  $x \neq 0$ . 73.  $x \neq 0$ . 74.  $x \neq 0$ . 75.  $x \neq 0$ . 76.  $x \neq 0$ . 77.  $x \neq 0$ . 78.  $x \neq 0$ . 79.  $x \neq 0$ . 80.  $x \neq 0$ . 81.  $x \neq 0$ . 82.  $x \neq 0$ . 83.  $x \neq 0$ . 84.  $x \neq 0$ . 85.  $x \neq 0$ . 86.  $x \neq 0$ . 87.  $x \neq 0$ . 88.  $x \neq 0$ . 89.  $x \neq 0$ . 90.  $x \neq 0$ . 91.  $x \neq 0$ . 92.  $x \neq 0$ . 93.  $x \neq 0$ . 94.  $x \neq 0$ . 95.  $x \neq 0$ . 96.  $x \neq 0$ . 97.  $x \neq 0$ . 98.  $x \neq 0$ . 99.  $x \neq 0$ . 100.  $x \neq 0$ . 101.  $x \neq 0$ . 102.  $x \neq 0$ . 103.  $x \neq 0$ . 104.  $x \neq 0$ . 105.  $x \neq 0$ . 106.  $x \neq 0$ . 107.  $x \neq 0$ . 108.  $x \neq 0$ . 109.  $x \neq 0$ . 110.  $x \neq 0$ . 111.  $x \neq 0$ . 112.  $x \neq 0$ . 113.  $x \neq 0$ . 114.  $x \neq 0$ . 115.  $x \neq 0$ . 116.  $x \neq 0$ . 117.  $x \neq 0$ . 118.  $x \neq 0$ . 119.  $x \neq 0$ . 120.  $x \neq 0$ . 121.  $x \neq 0$ . 122.  $x \neq 0$ . 123.  $x \neq 0$ . 124.  $x \neq 0$ . 125.  $x \neq 0$ . 126.  $x \neq 0$ . 127.  $x \neq 0$ . 128.  $x \neq 0$ . 129.  $x \neq 0$ . 130.  $x \neq 0$ . 131.  $x \neq 0$ . 132.  $x \neq 0$ . 133.  $x \neq 0$ . 134.  $x \neq 0$ . 135.  $x \neq 0$ . 136.  $x \neq 0$ . 137.  $x \neq 0$ . 138.  $x \neq 0$ . 139.  $x \neq 0$ . 140.  $x \neq 0$ . 141.  $x \neq 0$ . 142.  $x \neq 0$ . 143.  $x \neq 0$ . 144.  $x \neq 0$ . 145.  $x \neq 0$ . 146.  $x \neq 0$ . 147.  $x \neq 0$ . 148.  $x \neq 0$ . 149.  $x \neq 0$ . 150.  $x \neq 0$ . 151.  $x \neq 0$ . 152.  $x \neq 0$ . 153.  $x \neq 0$ . 154.  $x \neq 0$ . 155.  $x \neq 0$ . 156.  $x \neq 0$ . 157.  $x \neq 0$ . 158.  $x \neq 0$ . 159.  $x \neq 0$ . 160.  $x \neq 0$ . 161.  $x \neq 0$ . 162.  $x \neq 0$ . 163.  $x \neq 0$ . 164.  $x \neq 0$ . 165.  $x \neq 0$ . 166.  $x \neq 0$ . 167.  $x \neq 0$ . 168.  $x \neq 0$ . 169.  $x \neq 0$ . 170.  $x \neq 0$ . 171.  $x \neq 0$ . 172.  $x \neq 0$ . 173.  $x \neq 0$ . 174.  $x \neq 0$ . 175.  $x \neq 0$ . 176.  $x \neq 0$ . 177.  $x \neq 0$ . 178.  $x \neq 0$ . 179.  $x \neq 0$ . 180.  $x \neq 0$ . 181.  $x \neq 0$ . 182.  $x \neq 0$ . 183.  $x \neq 0$ . 184.  $x \neq 0$ . 185.  $x \neq 0$ . 186.  $x \neq 0$ . 187.  $x \neq 0$ . 188.  $x \neq 0$ . 189.  $x \neq 0$ . 190.  $x \neq 0$ . 191.  $x \neq 0$ . 192.  $x \neq 0$ . 193.  $x \neq 0$ . 194.  $x \neq 0$ . 195.  $x \neq 0$ . 196.  $x \neq 0$ . 197.  $x \neq 0$ . 198.  $x \neq 0$ . 199.  $x \neq 0$ . 200.  $x \neq 0$ . 201.  $x \neq 0$ . 202.  $x \neq 0$ . 203.  $x \neq 0$ . 204.  $x \neq 0$ . 205.  $x \neq 0$ . 206.  $x \neq 0$ . 207.  $x \neq 0$ . 208.  $x \neq 0$ . 209.  $x \neq 0$ . 210.  $x \neq 0$ . 211.  $x \neq 0$ . 212.  $x \neq 0$ . 213.  $x \neq 0$ . 214.  $x \neq 0$ . 215.  $x \neq 0$ . 216.  $x \neq 0$ . 217.  $x \neq 0$ . 218.  $x \neq 0$ . 219.  $x \neq 0$ . 220.  $x \neq 0$ . 221.  $x \neq 0$ . 222.  $x \neq 0$ . 223.  $x \neq 0$ . 224.  $x \neq 0$ . 225.  $x \neq 0$ . 226.  $x \neq 0$ . 227.  $x \neq 0$ . 228.  $x \neq 0$ . 229.  $x \neq 0$ . 230.  $x \neq 0$ . 231.  $x \neq 0$ . 232.  $x \neq 0$ . 233.  $x \neq 0$ . 234.  $x \neq 0$ . 235.  $x \neq 0$ . 236.  $x \neq 0$ . 237.  $x \neq 0$ . 238.  $x \neq 0$ . 239.  $x \neq 0$ . 240.  $x \neq 0$ . 241.  $x \neq 0$ . 242.  $x \neq 0$ . 243.  $x \neq 0$ . 244.  $x \neq 0$ . 245.  $x \neq 0$ . 246.  $x \neq 0$ . 247.  $x \neq 0$ . 248.  $x \neq 0$ . 249.  $x \neq 0$ . 250.  $x \neq 0$ . 251.  $x \neq 0$ . 252.  $x \neq 0$ . 253.  $x \neq 0$ . 254.  $x \neq 0$ . 255.  $x \neq 0$ . 256.  $x \neq 0$ . 257.  $x \neq 0$ . 258.  $x \neq 0$ . 259.  $x \neq 0$ . 260.  $x \neq 0$ . 261.  $x \neq 0$ . 262.  $x \neq 0$ . 263.  $x \neq 0$ . 264.  $x \neq 0$ . 265.  $x \neq 0$ . 266.  $x \neq 0$ . 267.  $x \neq 0$ . 268.  $x \neq 0$ . 269.  $x \neq 0$ . 270.  $x \neq 0$ . 271.  $x \neq 0$ . 272.  $x \neq 0$ . 273.  $x \neq 0$ . 274.  $x \neq 0$ . 275.  $x \neq 0$ . 276.  $x \neq 0$ . 277.  $x \neq 0$ . 278.  $x \neq 0$ . 279.  $x \neq 0$ . 280.  $x \neq 0$ . 281.  $x \neq 0$ . 282.  $x \neq 0$ . 283.  $x \neq 0$ . 284.  $x \neq 0$ . 285.  $x \neq 0$ . 286.  $x \neq 0$ . 287.  $x \neq 0$ . 288.  $x \neq 0$ . 289.  $x \neq 0$ . 290.  $x \neq 0$ . 291.  $x \neq 0$ . 292.  $x \neq 0$ . 293.  $x \neq 0$ . 294.  $x \neq 0$ . 295.  $x \neq 0$ . 296.  $x \neq 0$ . 297.  $x \neq 0$ . 298.  $x \neq 0$ . 299.  $x \neq 0$ . 300.  $x \neq 0$ .

## הנדסה אנליטית – משווהת ישר

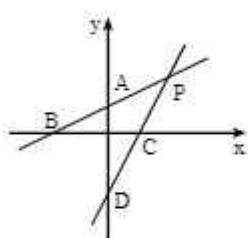


1. הישרים  $AD$  ו-  $BC$  הם הגרפים של הפונקציות  
 $y = -2x + 22$  ו-  $y = x + 4$ , בהתאם.

א. מצאו את שיעורי הנקודות:  
 $P, D, C, B, A$

ב. חשבו את שטח המשולש  $PCD$ .

ג. חשבו את שטח המשולש  $PAB$ .



2. הישרים  $AB$  ו-  $CD$  הם הגרפים  
 של הפונקציות  $y = x + 1$  ו-  $y = -3 - x$ .

ק. היא נקודת החיתוך של שני הישרים.

א. מצאו את שיעורי הנקודות:  
 $P, D, C, B, A$

ב. חשבו את שטח המשולש  $PBC$ .

ג. חשבו את שטח המשולש  $PAD$ .

3. א. מצאו את משווהת הישר שיפועו 2 ועובר דרך הנקודה  $(3; 4)$ .

ב. רק אחת מהנקודות  $(-22; -12), (0; 2), (8; 14)$  נמצאת על הישר

שאת משווהתו מוצאים בסעיף א'.

מהי הנקודה?

4. א. מצאו את משווהת הישר העובר דרך הנקודה  $(8; 20)$  ושיפועו 5.

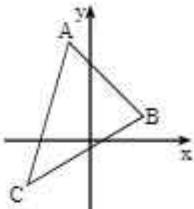
ב. הישר שמצאת בסעיף א' חותך את הישר  $y = x$  בנקודה A.

מצאו את שיעורי נקודה זו.

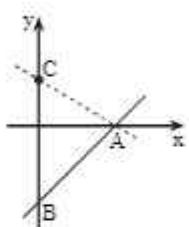
5. נתון ישר העובר דרך הנקודות  $(3; 5)$  ו-  $(1; 1)$ .

א. מצאו את שיפוע הישר.

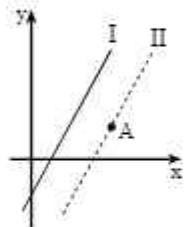
ב. מצאו את משווהת הישר.



6. קודקודיו משולש  $ABC$  הם:  
 $C(-3; -2)$ ,  $B(2; 0)$ ,  $A(0; 4)$ .  
 א. מצאו את המשוואה של צלע  $AB$ .  
 ב. מצאו את המשוואה של צלע  $AC$ .



7. הישר  $6-x=y$  חותך את ציר ה- $x$  בנקודה  $A$  ו את ציר ה- $y$  בנקודה  $B$ . הנקודה  $C$  נמצאת על חלקו החיובי של ציר ה- $y$ . נתון:  $BC=10$ .  
 א. מצאו את המשוואה של הישר העובר דרך הנקודות  $A$  ו- $C$ .  
 ב. חשבו את שטח המשולש  $ABC$ .



8. נתון הישר I שמשוואתו  $y = 2x + 3$ .  
 הישר II מקביל לישר I ו עובר דרך הנקודה  $(5; 2)$ .  
 מצאו את המשוואתו של הישר II.

#### תשובות:

. א.  $P(6;10)$ ,  $D(11;0)$ ,  $C(-4;0)$ ,  $B(0;4)$ ,  $A(0;22)$ . ב. 1.  $54$ , ג.  $75$ .

. א.  $P(2\frac{2}{3}; 2\frac{1}{3})$ ,  $D(0;-3)$ ,  $C(1\frac{1}{2};0)$ ,  $B(-2;0)$ ,  $A(0;1)$ . ב.  $5\frac{1}{3}$ , ג.  $4\frac{1}{12}$ .

. א.  $(8;14)$ , ב.  $y = 2x - 2$ .

. א.  $(5;5)$ , ב.  $y = 5x - 20$ .

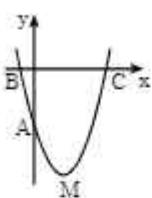
. א.  $y = 2x - 1$ , ב.  $2$ .

. א.  $y = 3x + 7$ , ב.  $y = -x + 3$ .

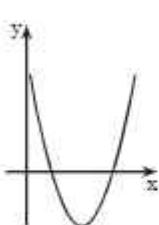
. א.  $30$ , ב.  $y = -\frac{2}{3}x + 4$ .

. א.  $y = 2x - 8$ .

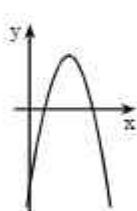
## פונקציה ריבועית – פרבולה



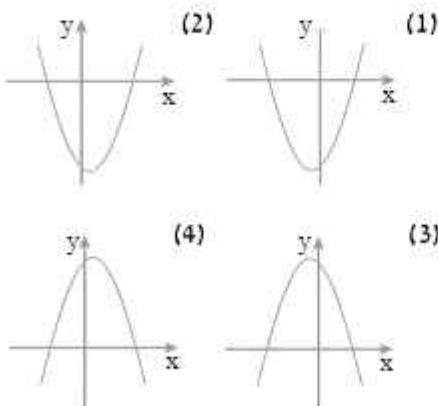
- בشرطוט נתנו גраф הפרבולה  $y = -x^2 - 4x - 5$ .  
הנקודה  $M$  היא קודקוד הפרבולה.  
א.  $B$ ,  $C$  הן נקודות החיתוך  
של הפרבולה עם הצירים.  
מצאו את שיעורי הנקודות  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $M$ .



- בציור משורטט גраф הפונקציה  $y = -x^2 + 8x + 12$ .  
א. מצאו את שיעורי נקודות המינימום של הפונקציה.  
ב. מהם תחומי העליה והירידה של הפונקציה?  
ג. מהו הערך המינימלי של הפונקציה?  
ד. מצאו את נקודות האפס של הפונקציה.  
ה. רשמו את התוחום שבו הפונקציה חיובית.  
ו. רשמו את התוחום שבו הפונקציה שלילית.  
ז. בכמה נקודות חותך הישר  $y = -2$  את גраф הפונקציה?  
ענו על פי הشرطוט, ככלומר ללא חישובים.



- בציור שלפניך משורטט גраф הפונקציה  $y = -x^2 + 10x - 16$ .  
א. מצאו את נקודות החיתוך של הגראף עם הצירים.  
ב. עבורו אילו ערכי  $x$  הפונקציה הנתונה חיובית?  
ג. מהו הערך המקסימלי שהפונקציה מקבלת,  
ובאיזה נקודה מתקבל ערך זה?  
ד. עבורו אילו ערכי  $x$  הפונקציה עולה?

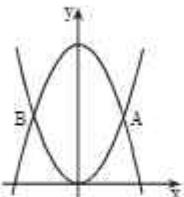


- נתונות משוואות של ארבע פונקציות: (1)

$$\begin{aligned}f(x) &= -x^2 + 6 \\g(x) &= x^2 + x - 6 \\h(x) &= x^2 - x - 6 \\k(x) &= -x^2 - x + 6\end{aligned}$$

לפניכם גрафים של ארבע הפונקציות.  
התאיםו לכל פונקציה את הגראף  
המתאים לה על פי מיציאות נקודות  
האפס, ובהתאם למקדם של  $x^2$ .

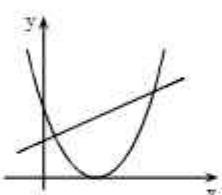
5. נתונה הפונקציה  $(2-x)(x+4) = f(x)$ .  
 א. מצאו את נקודות החיתוך של גраф הפונקציה עם הצירים.  
 ב. מצאו את נקודת הקיצון של הפונקציה וקבעו את סוג הקיצון.  
 ג. שרטטו סקיצה של גраф הפונקציה.  
 ד. עבור אילו ערכי  $x$  הפונקציה  $(x)f$  יורדת וחובגת?  
 ה. עבור אילו ערכי  $x$  הפונקציה עולה ושלילית?  
 ו. מהו תחום הערכים שהפונקציה  $(x)f$  יכולה לקבל?  
 ז. לאילו ערכי  $k$ , הישר  $y=k$  חותך את גраф הפונקציה בנקודה אחת?



- $$y = x^2 \quad \text{ונתנות שתי פרבולות:} \quad .6$$

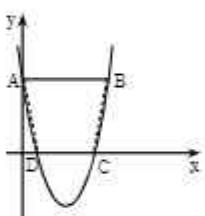
$$y = 18 - x^2$$

מצאו את נקודות החיתוך בין הפרבולות  
(הנקודות A ו- B בשרטוט).



7. ביצור משורטטים הגרפים של הפונקציות:

  - $f(x) = x^2 - 6x + 9$
  - לאילו ערכי  $x$  מתקיימים  $f(x) = g(x)$
  - לאילו ערכי  $x$  מתקיימים  $f(x) > g(x)$
  - לאילו ערכי  $x$  מתקיימים  $f(x) < g(x)$



- .8. השרטוט מותאר את גраф הפונקציה  
 $y = x^2 - 6x + 5$

א. מצאו את שיעורי הנקודות A ו-B.  
ב. חשבו את שטח הטרפז ABCD.

- . ב. חשבו את שטח הטרפז ABCD .  
א. מצאו את שיעורי הנקודות A ו-B .

תשובות:

- $$, M(2;-9) , C(5;0) , B(-1;0) , A(0;-5) , 1$$

- . א.  $(6; 0)$ ,  $(2; 0)$ ,  $7$ ,  $-4$ ,  $3$ ,  $x < 4$ , ירידה:  $x > 4$ , ב. עלייה:  $(-4; -4)$ .

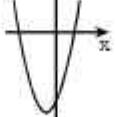
- ג. בשתי נקודות.

- . $x < 5$  .ט . $(5; 9)$  .ג . $6$  , בכוודה .ב . $2 < x < 8$  .ג . $(0; -16)$  ,  $(8; 0)$  ,  $(2; 0)$  .ו .**3**

$$(3) - k(x), (2) - h(x), (1) - g(x), (4) - f(x). \text{N.4}$$

- $$y = -x^2 + 2x + 3$$

Graph of the parabola  $y = -x^2 + 2x + 3$ . The vertex is at  $(1, 4)$ , and the x-intercepts are at  $(-1, 0)$  and  $(3, 0)$ .



- 1 2 3 4 5

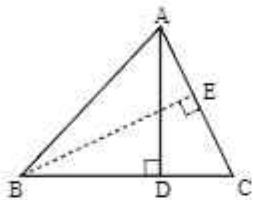
$$b = 0 \Rightarrow f(x) \geq 0$$

$$\text{E}(\hat{\theta}_n) = \theta_0 + O_p(n^{-1/2})$$

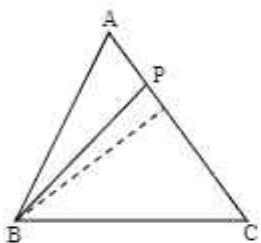
- $$.1 < x < 6 \quad \lambda \quad x < 1 \quad \text{N} \quad x > 6 \quad \square \quad x = 6 \quad , \quad x = 1 \quad \text{N} \quad .7 \quad \text{B}(-3;9) \quad , \quad \text{A}(3;9) \quad .6$$

- .ב. 25 ייח'ר .B(6;5) , A(0;5) .N .8

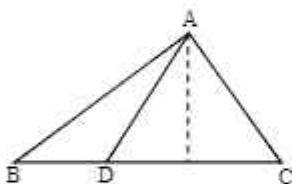
## חישובי שטחים



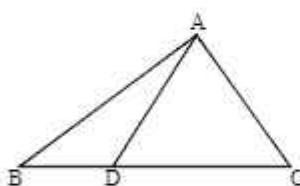
- .1 AD ו- BE הם גבהים במשולש ABC . נתון:  $BC = 20 \text{ ס"מ}$ ,  $AC = 16 \text{ ס"מ}$ ,  $AD = 12 \text{ ס"מ}$ .
- א. חשבו את שטח המשולש.
  - ב. מצאו את אורך הגובה BE.



- .2 במשולש ABC הנקודה P נמצאת על הצלע AC . נתון:  $CP = 6 \text{ ס"מ}$ ,  $3 \text{ ס"מ} = AP$ .  $S_{\Delta CBP} = 24 \text{ סמ"ר}$ .
- חשבו את שטח המשולש ABC.

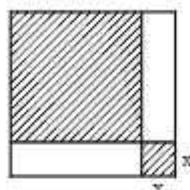


- .3 הנקודה D נמצאת על הצלע BC של משולש ABC . נתון:  $4 \text{ ס"מ} = BD$ ,  $8 \text{ ס"מ} = DC$ . הוכחה:  $\frac{S_{\Delta DC}}{S_{\Delta BD}} = 2$

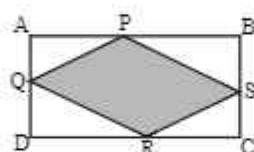


- .4 הנקודה D נמצאת על הצלע BC של משולש ABC . נתון:  $DC = 3 \cdot BD$ . א. הוכחה:  $\frac{S_{\Delta DC}}{S_{\Delta BD}} = 3$ . ב. הוכחה:  $S_{\Delta BD} = \frac{1}{4} S_{\Delta ABC}$

- .5 הוכחו: התיכון לצלע במשולש מחלק את המשולש לשני משולשים שווים שטח.



- ב. בתוך ריבוע שאורך צלעו 10 ס"מ חסומים שני ריבועים מקווקווים. נסמן ב- $x$  את אורץ צלע הריבוע הפנימי התחתון (ראה ציור).  
א. הבע באמצעות  $x$  את אורץ צלע הריבוע הפנימי העליון.  
ב. מצא את  $x$  אם ידוע כי סכום שטחי הריבועים המקווקווים הוא 68 סמ"ר.

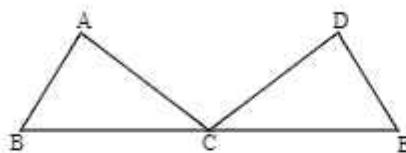


- נתון מלבן ABCD שסמדייו הם 32 ס"מ =  $AB$   
24 ס"מ =  $AD$ . על צלעות המלבן מקצים  
קטיעים:  $x$  :  $AQ = CR$  ,  $AP = CS$  .  
מה צריך להיות ערכו של  $x$  , כדי ששטח  
המרובע PQRS יהיה 336 סמ"ר?

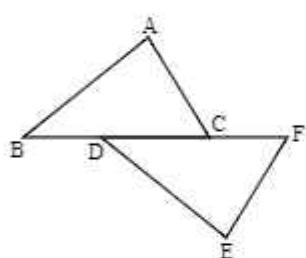
**תשובות:**

1. א. 120 סמ"ר. ב. 15 ס"מ. 2. 36 סמ"ר.  
6. א.  $x=10$ , ב. 2 ס"מ או 8 ס"מ. 7. 6 ס"מ או 14 ס"מ.

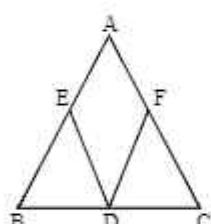
## גאומטריה



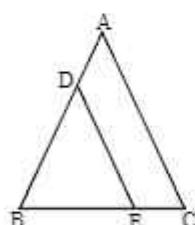
- .1. הנקודות  $B$ ,  $C$  ו-  $E$  שמשותן  
נמצאות על ישר אחד. נתון:  $AB = DE$ ,  
 $\angle A = \angle D$ ,  $AC = DC$   
א. הוכחו: הנקודה  $C$   
היא אמצע הקטע  $BE$ .  
ב. נתון:  $\angle ACD = 35^\circ$ . חשבו את הזווית  $\angle ACB$ .



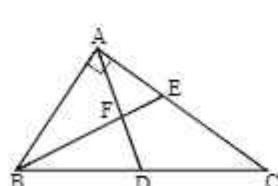
- .2. הנקודות  $B$ ,  $C$ ,  $D$  ו-  $E$  שמשותן  
נמצאות על ישר אחד. נתון:  $AB = DE$ ,  
 $\angle BDE = \angle FCA$ ,  $\angle A = \angle E$   
א. הוכחו:  $\triangle ABC \cong \triangle EDF$   
ב. (1) הוכחו:  $BC = DF$   
(2) הוכחו:  $BD = CF$   
ג. נתון:  $10 \text{ ס''מ} = BF = 4 \text{ ס''מ}$   
חשבו את אורך הקטע  $CF$ .



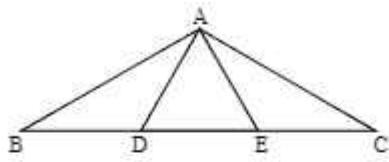
- .3. המשולש  $ABC$  הוא שווה-שוקיים ( $AB = AC$ )  
ד - אמצע הבסיס  $BC$ . נתון:  
א. הוכחו:  $\triangle ABD \cong \triangle ACD$   
ב. הוכחו:  $DE = DF$   
ג. הוכחו:  $AE = AF$   
ד. הוכחו:  $\angle AED = \angle AFD$



- .4. המשולש  $ABC$  הוא שווה-שוקיים ( $AB = AC$ )  
נתון:  $DE \parallel AC$   
א. הוכחו:  $DB = DE$   
ב. הוכחו: חוצה הזווית של  $\angle ADE$   
מקביל לבסיס  $BC$ .



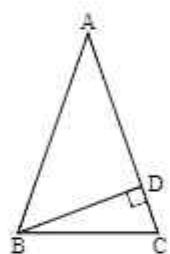
- .5. המשולש  $ABC$  הוא ישר-זווית ( $\angle BAC = 90^\circ$ ).  
 $BE$  חוצה את הזווית  $\angle ABC$   
נתון:  $\angle DAC = \alpha$ ,  $BD = DC$   
הביעו באמצעות  $\alpha$   
א. את הזווית  $\angle BDA$   
ב. את הזווית  $\angle BFD$ .



- .6.  $D \text{ ו-} E \text{ הן נקודות על הצלע } BC$   
 $, BD = DE = EC$ . נתון :  
 $AB \perp AE$ ,  $AD \perp AC$   
 א. הוכחו : המשולש  $ADE$  הוא שווה-צלעות.

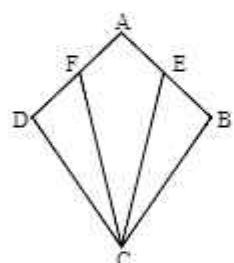
הדרךה : במשולש ישר זווית, התיכון ליתר שווה למחצית היתר.

$$S_{\triangle ABD} = S_{\triangle ADE} = S_{\triangle AEC}$$

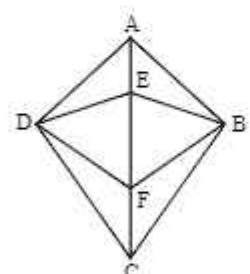


- .7. המשולש  $ABC$  הוא שווה-שוקיים  $(AB = AC)$ . נתון :  
 $\angle DBC = 15^\circ$ .  
 א. חשבו את גודל הזווית  $A$ .  
 ב. נתון :  $8 \text{ ס"מ} = AC$ .  
 חשבו את שטח המשולש  $ABC$ .

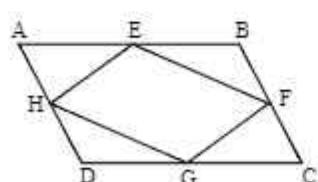
הדרךה : במשולש ישר זווית שבו אחת הזווויות היא בת  $30^\circ$ , חניכב שמול זווית זו שווה למחצית היתר.



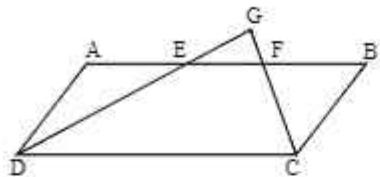
- .8. המרובע  $ABCD$  הוא דלתון  $(BC = DC, AB = AD)$ .  
 $E \text{ ו-} F \text{ הן אמצעי הצלעות } AB \text{ ו- } AD$ .  
 א. הוכחו :  $\Delta CBE \cong \Delta CDF$ .  
 ב. הוכחו : המרובע  $AECF$  הוא דלתון.  
 ג. נתון :  $\angle CEB = 64^\circ$ .  
 חשבו את הזווית  $AFC$ .



- .9. בדלתון  $ABCD$   $(BC = DC, AB = AD)$  הנקודות  $E$  ו-  $F$  נמצאות על האלכסון  $AC$ .  
 א. הוכחו שהמרובע  $BEDF$  הוא דלתון.  
 ב. הוכחו שהמרובע  $CBFD$  הוא דלתון.  
 ג. נתון :  $\angle FDC = 2x - 5^\circ$ ,  $\angle FBC = x + 10^\circ$ .  
 מצאו את הערך של  $x$ .

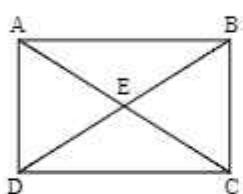


- .10. המרובע  $ABCD$  הוא מקבילית.  
 $E, F, G \text{ ו-} H \text{ הן אמצעי הצלעות } AB, BC, CD \text{ ו- } AD$ , בהתאם.  
 א. הוכחו :  $\Delta AEH \cong \Delta CGF$ .  
 ב. הוכחו :  $EH = GF$ .  
 ג. הוכחו : המרובע  $EFGH$  הוא מקבילית.

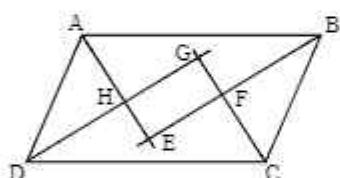


.11. הנקודות E ו- F נמצאות על הצלע AB של מקבילית ABCD . המשכי הקטועים DE ו- CF נפגשים בנקודה G .  
נתון .  $AD = AE = BF$   
נסמן :  $\angle ADE = \alpha$  .

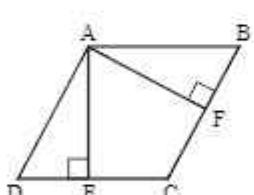
- א. הבינו באמצעות  $\alpha$  את הזווית GEF .
- ב. הבינו באמצעות  $\alpha$  את הזווית B .
- ג. הוכחו :  $DG \perp CG$  .



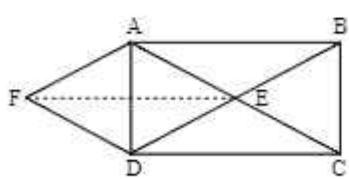
.12. לפניכם מקבילית ABCD שאלבסונית  
נפגשים בנקודה E .  
בכל אחד מהすべיפנים הבאים ישנים  
נתוניים נוספים על המקבילית .  
הסבירו מדוע המקבילית היא מלבן :  
א.  $\triangle ABC \cong \triangle BCD$  .  
ב.  $BE = CE$  .



.13. המרובע ABCD הוא מקבילית .  
הקטועים DG , CG , BE , AE חוצים את הזווות הפנימיות  
של המקבילית (ראה ציור) .  
א. הוכחו :  $\angle BFC = 90^\circ$  .  
ב. הוכחו : המרובע EFGH הוא מלבן .  
ג. הוכחו :  $GE = HF$  .



.14. המרובע ABCD הוא מעוין .  
AE ו- AF הם הגבאים  
לצלעות DC ו- BC בהתאמה .  
א. הוכחו :  $\triangle ADE \cong \triangle ABF$  .  
ב. הוכחו :  $AE = AF$  .  
ג. השלימו : הגבאים במעוין \_\_\_ זה לזה .



.15. אלכסוני המלבן ABCD נפגשים  
בנקודה E . נתון :  $AF = DE$  .  
 $FE$  חוצה זווית של  $\angle AED$  .  
א. הוכחו : המרובע AEDF הוא מעוין .  
ב. הוכחו : המרובע ABEF הוא מקבילית .

.16. בربיע ABCD הנקודות E ו- F נמצאות על הצלעות BC ו- CD בהתאמה.

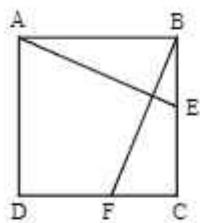
נתון:  $BE = CF$

א. הוכיחו:  $\Delta ABE \cong \Delta BCF$

ב. הסבירו מדוע  $\angle AEB = \angle BFC$

ג. הוכיחו:  $AE \perp BF$

הדרך: סמנו  $\alpha = \angle BFC$



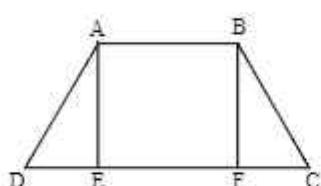
.17. AE ו- BF הם גבהים בטרפז שווה-שוקיים .  
( $AD = BC$ ,  $AB \parallel DC$ ) ABCD

א. הוכיחו:  $\Delta ADE \cong \Delta BCF$

ב. הוכיחו:  $DE = CF$

ג. נתון: 10 ס"מ =  $AB$ , 19 ס"מ =  $DC$

ח. חשבו את היקף הטרפז.



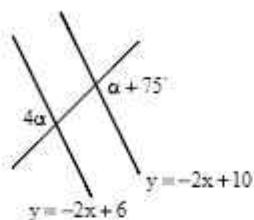
**תשובות:**

.1. ב.  $135^\circ - 1\frac{1}{2}\alpha$ , ג.  $35^\circ$ , ד.  $35^\circ$ , א.  $30^\circ$ , ב.  $2\alpha$ , נ.  $5^\circ$ , ז.  $110^\circ$

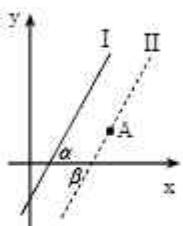
.2. א.  $x = 15^\circ$ , ב.  $30^\circ$ , ג.  $16^\circ$ , ד.  $116^\circ$ , ז.  $8^\circ$ , ח.  $9^\circ$

.3. א.  $x = 47^\circ$ , ב.  $2\alpha$ , ג.  $14^\circ$ , ד.  $2\alpha$ , ז.  $53^\circ$ , ח.  $47^\circ$

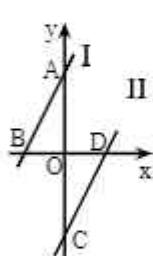
# שילובים של גאומטריה והנדסה אנליטית



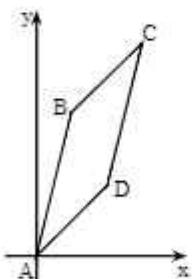
1. בציור הנתונים שני ישרים הנחתכים על ידי ישר שלישי. משוואות הישרים הם  
 $y = -2x + 10$ ,  $y = -2x + 6$ .  
 א. הסבירו מדוע שני הישרים מקבילים זה לזה.  
 ב. מצאו את  $\alpha$  על פי הנתונים שבעיר.



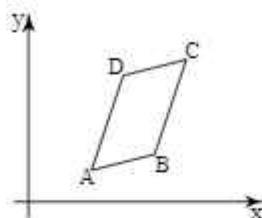
2. נתון ישר I שמשוואתו  $y = 2x - 3$ .  
 הישר II עובר דרך הנקודה  $A(5; 2)$ .  
 נתון כי  $\beta = \alpha$  (ראו ציור).  
 א. הסבירו מדוע הישרים I ו-II מקבילים זה לזה.  
 ב. מצאו את משוואתו של הישר II.



3. בשרטוט מתוארים שני ישרים מקבילים I ו-II, הנגשים עם הצלירים בנקודות A, B, C, D. נתון:  $OB = OD$  (ראו ציור).  
 א. הוכחו:  $\Delta AOB \cong \Delta COD$ .  
 ב. הסבירו מדוע  $OA = OC$ .  
 ג. משוואת הישר I היא  $y = 3x + 6$ .  
 (1) מצאו את שיעורי הנקודה A.  
 (2) מצאו את שיעורי הנקודה C.  
 ד. מצאו את משוואת הישר II.



4. קזודי המרובע ABCD הם:  
 $D(2; 2)$ ,  $C(3; 6)$ ,  $B(1; 4)$ ,  $A(0; 0)$ .  
 א. חשבו את שיפועיצלעות המרובע.  
 ב. הסבירו מדוע  $AB \parallel DC$  ו-  $BC \parallel AD$ .  
 ג. הוכחו שהמרובע הוא מקבילית.  
 ד. הסבירו מדוע  $AB = DC$  ו-  $BC = AD$ .



.5. לפניהם מקבילית ABCD.

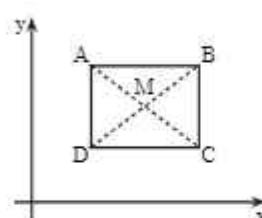
נתונים שיעורי הקודקודים הבאים:

$$A(4;2), B(8;3), D(6;8)$$

א. מצאו את שיפועי הצלעות AD ו- BC.

ב. מצאו את משווהת הצלעות DC ו- BC.

ג. מצאו את שיעורי הנקודה C.



.6. במלבן ABCD הם שני קודקודים נגדיים

במלבן ABCD. הצלע AB מקבילת ציר ה- x.

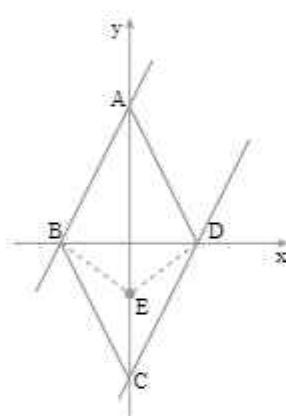
א. מצאו את שיעורי הקודקודים A ו- C.

ב. מצאו את שיעורי נקודות מפגש אלכסוני

המלבן (נקודה M שבצירו).

ב. הוכחו:  $\angle ABD = \angle AMD = 2\alpha$ .

הערה: אין צורך לחשב את הזווויות.



.7. הישר  $y = 2x + 8$  חותך את ציר ה- y

בנקודה A ואת ציר ה- x בנקודה D.

הישר  $y = 2x - 8$  חותך את ציר ה- y

בנקודה C ואת ציר ה- x בנקודה B.

א. מצאו את שיעורי הנקודות A, B, C, D.

ב. הוכחו: המרובע ABCD הוא מעוין.

ג. הנקודה E נמצאת על האלכסון AC.

(1) הוכחו:  $\triangle CDE \cong \triangle CBE$ .

(2) הוכחו:  $\angle AED = \angle AEB = 2\alpha$ .

ד. רשמו שני דלתונים המופיעים בציור.

### תשובות:

.1. ב.  $y = 2x - 8$ . ב.  $\alpha = 25^\circ$ . ב. 2. ג.  $y = 3x - 6$ . ג. 3. ג.  $y = 3x - 6$ . ג. (1). 3.

.4. א. 1, 4, 1, 4. ב. כל שתי צלעות נגדיות במקבילית שוות זו לזו.

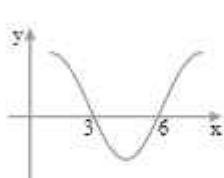
.5. ג.  $y = \frac{1}{4}x + 6.5$ ,  $y = 3x - 21$ . ב.  $m_{BC} = m_{AD} = 3$ . נ. 5.

.6. נ.  $M(7;5)$ ,  $C(12;3)$ ,  $A(2;7)$ . ב. 6.

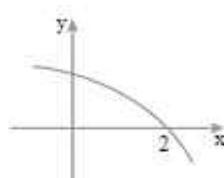
.7. נ.  $D(-4;0)$ ,  $C(0;-8)$ ,  $B(4;0)$ ,  $A(0;8)$ . 7.

## פונקציות - קדמ אנלייז

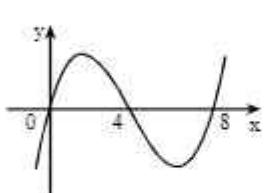
לפניכם סקיצות של גרפים ובهم מסומנות נקודות החיתוך של הפונקציה עם ציר ה- $x$  (נקודות האפס של הפונקציה).  
היעזרו בשרטוט ורשמו את תחומי החיויבות ואת תחומי השיליות של כל אחת מן הפונקציות.



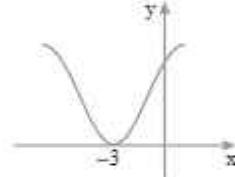
.2



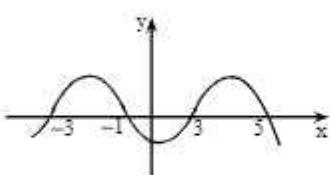
.1



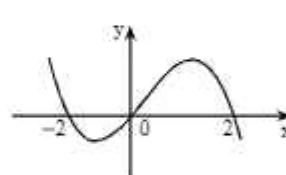
.4



.3

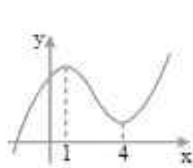


.6

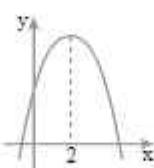


.5

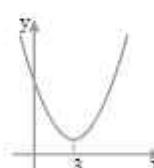
- בכל אחד מהסעיפים הבאים מתואר גרף של פונקציה עליו מסומנים  
שיעורי ה- $x$  של נקודות הקיצון של הפונקציה.  
(1). קבעו עברו כל נקודת קיצון האם היא מסווג מינימום או מקסימום.  
(2). רשםו את תחומי העלייה ואת תחומי הירידה של הפונקציה.



.א.

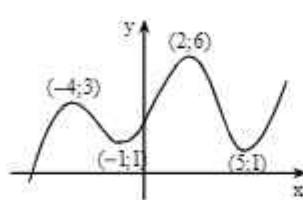


.ב.

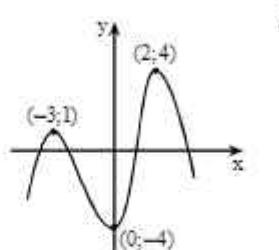


.ג.

8. בכל אחד מהגרפים של פונקציות מסוימות מסומנות נקודות הקיצון של הפונקציה.  
היעזרו בשרטוט וכתבו את ערכי ה- $x$  שעבורם הפונקציה עולה  
ואת ערכי ה- $x$  שעבורם הפונקציה יורדת.

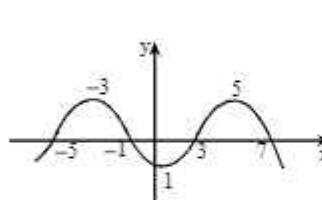


.ב.

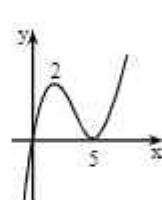


.א.

9. בסעיפים הבאים מתואר גוף של פונקציה עליו מסומנות נקודות האפס  
ומסומנים שיורי ה- $x$  של נקודות הקיצון של הפונקציה. מצאו:  
(1). את תחומי העלייה ואת תחומי הירידה של הפונקציה.  
(2). את תחומי החיוויות ואת תחומי השיליות של הפונקציה.

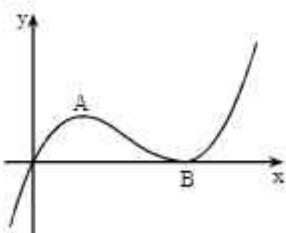


.ב.

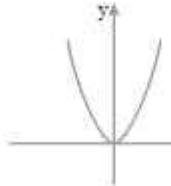


.א.

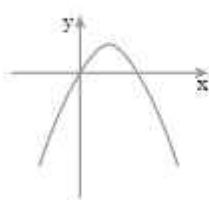
10. בציור מתואר גוף של פונקציה ( $x$ ,  $f(x)$ )  
לפונקציה מינימום מקומי בנקודה  $A(3, -4)$ ,  
ומקסימום מקומי בנקודה  $B(-5, 6)$ .  
היעזרו בגוף וקבעו בכמה נקודות  
חוותך כל אחד מהישרים הבאים  
את גוף הפונקציה:  
א.  $y = -x - 8$ , ב.  $y = x - 6$ , ג.  $y = -x - 1$ .



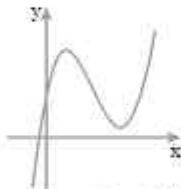
11. לפונקציה ( $x$ ,  $f$ ), שהגוף שלה מתואר לפניכם,  
יש מינימום ב- $A(2; -2)$  ומינימום ב- $B(0; 5)$ .  
עבור אילו ערכים של  $x$ , חישר  $x = y$ :  
א. חוות את גוף הפונקציה בנקודה אחת?  
ב. חוות את גוף הפונקציה בשתי נקודות?  
ג. חוות את גוף הפונקציה בשלוש נקודות?



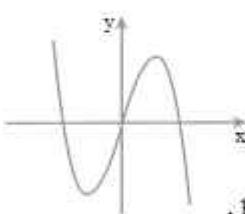
- לפניכם גраф הפונקציה הריבועית  $f(x) = 2x^2$ .  
הfonקציה  $(x)g$  מקיימת  $g(x) = f(x) + 4$ .
- רשמו את  $(x)g$  כfonקציה ריבועית באמצעות  $x$ .
  - השלימו: כדי לשרטט את הגראף של  $(x)g$ , ניקח את הגראף של  $(x)f$  ונזיז אותו --- כלפי ---.
  - הוסיפו לשרטוט את הגראף של  $(x)g$ .



- לפניכם גראף הפונקציה הריבועית  $f(x) = -x^2 + 2x$ .  
מציזים את גראף הפונקציה  $(x)f$  ב- 5 יחידות כלפי מטה, ומקבלים את גראף הפונקציה  $(x)g$ .
- הוסיפו לשרטוט את הגראף של  $(x)g$ .
  - הביעו את  $(x)g$  באמצעות  $(x)f$ .



- בציר מתואר גראף של פונקציה  $(x)f$ .  
לפונקציה  $(x)f$  יש שתי נקודות קיצון בלבד – (2;8) מקסימום, (6;1) מינימום.  
הfonקציה  $(x)g$  מקיימת  $g(x) = f(x) + 3$ .
- רשמו את נקודות הקיצון של הפונקציה  $(x)g$ .
  - שרטטו בהתאם מערכת צירים את הגראף של הפונקציה  $(x)g$ .
  - רשמו את תחומי העליה והירידה של הפונקציה  $(x)g$ .



- לפניכם גראף של פונקציה  $(x)f$ , שנקודות הקיצון שלה הן: (2;4) מקסימום, (-4;-2) מינימום.  
גראף הפונקציה  $(x)f$  חוצה למעלה 2 יחידות, והתקבלה הפונקציה  $(x)h$ .  
א. בטאו את הפונקציה  $(x)h$  באמצעות  $(x)f$ .  
ב. מצאו את נקודות המינימום והמקסימום של  $(x)h$ .  
ג. הוסיפו למערכת הצירים את הגראף של הפונקציה  $(x)h$ .  
ד. כמה נקודות חיתוך יש לגראף הפונקציה  $(x)h$  עם כל אחד מהישרים הבאים: (1) הישר  $y = 3$ . (2) הישר  $y = 6$ . (3) הישר  $y = -20$ .



- לפניכם גראף הפונקציה  $y = (x-1)^2 + 4$ .  
א. בכמה יחידות (זהם למעלה או למטה)  
יש להזיז את גראף הפונקציה  $y = (x-1)^2$   
כדי לקבל את הגראף של הפונקציה הנתונה?  
ב. השלימו: כדי לקבל את גראף הפונקציה הנתונה  
 $y = (x-1)^2 + 4$ , יש להזיז את גראף הפונקציה  $y = x^2$   
□ יחידות ימינה ו- □ יחידות למעלה.

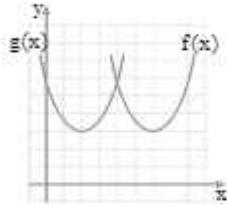
**17.** בסעיפים הבאים מתוארים גרפים של שתי פונקציות:  $f(x)$  ו-  $g(x)$ .  
הגרפים מתוארים במערכת ציריים שבה כל משבצת היא יחידה אחת.

נתון כי גраф הפונקציה  $(x)g$  מתקבל על ידי הזזה אופקית של גраф  
הפונקציה  $(x)f$ .

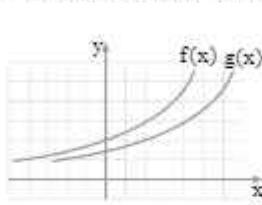
(1). בכמה יחידות ולאיזה כיוון יש להזיז את גраф הפונקציה  $(x)f$

כדי לקבל את גраф הפונקציה  $(x)g$ ?

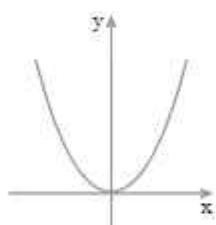
(2). הביעו את  $(x)g$  באמצעות  $(x)f$ .



ב.



א.



לפניכם גраф הפונקציה  $f(x) = x^2$ .  
מצדירים פונקציה חדשה  $(x)g$ ,  
המקיימת  $(x)g = 3 \cdot f(x)$ .  
א. מהי המשווה של הפונקציה  $(x)g$ ?  
ב. הוסיפו למערכת הציריים סקיצה  
של גраф הפונקציה  $(x)g$ .  
ג. שרטטו במערכת ציריים אחרית סקיצה של  $f(x)$ ,  
ושל הפונקציה  $(x)h$ , המקיים  $(x)h = \frac{1}{3} \cdot f(x)$ .

#### תשובות:

1. חיוביות:  $2 < x$ , שליליות:  $2 > x$ .

2. חיוביות:  $6 > x$  או  $3 < x$ , שליליות:  $6 < x < 3$ .

3. חיוביות:  $-3 < x$  או  $x < -3$  (אפשר לכתוב גם  $-3 \neq x$ ), שליליות: אין.

4. חיוביות:  $8 > x$  או  $4 < x < 0$ , שליליות:  $8 < x < 4$  או  $0 < x$ .

5. חיוביות:  $0 < x < 2$ , שליליות:  $x > 2$  או  $x < 0$ .

6. חיוביות:  $5 < x < 3$  או  $-1 < x < -3$ , שליליות:  $5 > x$  או  $3 > x > -1$  או  $-3 > x$ .

7. א. (1) מינימום. (2) עלייה:  $x > 3$ , ירידה:  $x < 3$ . ב. (1) מקסימום.

ב. (2) עלייה:  $x < 2$ , ירידה:  $x > 2$ . ג. (1) מקסימום:  $x = 1$ , מינימום:  $x = 4$ .

(2) עלייה:  $4 > x$  או  $1 < x$ , ירידה:  $1 < x < 4$ .

8. א. עולה:  $0 < x < 2$  או  $-3 < x$ . יורדת:  $x > 2$  או  $0 < x < -3$ .

ב. עולה:  $5 > x$  או  $2 < x < 1$  או  $x < -4$ , יורדת:  $x > 2$  או  $-1 < x < 5$ .

9. א. (1) עלייה:  $5 > x$  או  $2 < x$ , ירידה:  $2 < x < 5$ .

(2) חיוביות:  $0 < x$ ,  $x \neq 5$ . שליליות:  $x < 0$ .

ב. (1) עלייה:  $5 < x < 1$  או  $-3 < x$ , ירידה:  $x > 5$  או  $1 < x < -3$ .

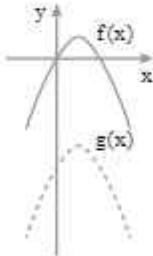
**(2) חיוביות:**  $-5 < x < -1$  או  $3 < x < 7$

שליליות:  $x < -7$  או  $-1 < x < 3$  או  $x > 5$

- .א. נקודה אחת. ב. 2 נקודות. ג. 3 נקודות.

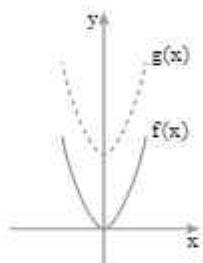
$$\therefore g(x) = f(x) - 5 \quad \text{Ans} \quad .13$$

.N



$$\therefore g(x) = 2x^2 + 4 \quad \text{N} \quad .12$$

ב. 4 ייחדות כלפי מעלה.



ג

The graph shows a function with two local minima and one local maximum. The x-axis is labeled 'x' and the y-axis is labeled 'y'. A solid curve has a local minimum at approximately (-3, -1), a local maximum at approximately (-1, 1), and another local minimum at approximately (1, -1). A dashed curve follows a similar path but is shifted upwards by about 2 units, with its local minima at approximately (-3, 1) and (1, -1), and its local maximum at approximately (-1, 3).

2

**14.** א. (2:11) מקסימום,  
ב. (6:4) מינימום.

$$\text{ג. עלייה: } x < 2 \text{ ו } x > 6 \\ \text{ירידה: } 2 < x < 6$$

. א.  $\dot{h}(x) = f(x) + 2$  .15  
 ב. (2;6) מקטימיום, (-2;-2).  
 ג. (1) שלוש נקודות.  
 (2) שתי נקודות.  
 (3) נקודה אחת.

**16.** א. 4 ייחיות לפני מעלה. ב. 1 ייחדות ימינה ו- 4 ייחדות למעלה.

. 17. נ. (1) 2. ייחדות לכיוון ימין.

א. (1) 4 ייחדות לכיוון שמאל.

כל הזכויות שמורות ליאאל גבע ואריק דיז'לטוי 20 צילום עמוד זה אסור על פי החוק.